

prop. Linie gezogen wird so ist diese = ae als der halben Seite des Achtecks<sup>14)</sup>

Angenommen man kenne in dem quadrat abgd den Punkt e von wo die perpendicularlinie ec auf die Linie db aus dem centro des großen quadrat zu b gezogen der Linie ae gleich ist so sind in beyden triangeln aed und dec,<sup>15)</sup> ae = ec, ed ist beyden triangeln gemein a u. c sind gleiche Winkel also sind beyde Triangel einander gleich und ae sowohl als ec sind die halbe Seite des regulären Achtecks. Wenn nun ferner ax so genommen worden daß es dem Perpendikel xo gleich ist so ist eben so ax u. xo jedes die halbe Seite des regulären sechszehnecks und so mit allen Seiten ins unendliche verfahren entspringt endlich ein Cirkel weil ad, do, dc unter einander und dem radius gleich sind. Nun ist die erste Aufgabe: die Linie ae oder ax etc. zu finden die dem Perpendikel xo oder ec gleich sey. Zweytens die Unendliche Reihe der triangeln zu finden deren Summe verdoppelt und vom quadrat abgd abgezogen ein Quadranten des Cirkels mithin das Verhältnis des Cirkels zum Quadrat des Diameters giebt.

1ste Auflösung. Weil der  $\triangle abd$  dem  $\triangle ecb$  ähnlich ist ebenso  $\triangle exo$  dem  $\triangle ead$  so ist durchgängig  $xo : xe = ad : de$ . Es ist aber per hypoth.  $xo = ax$ . Also

$$ax : xe = ad : de \text{ aber}$$

$$xe : eo = de : ae = ax + xe \text{ also } ax : eo = ad : ax + xe$$

$$\text{ergo } ad \cdot eo = ax^2$$

$$\text{sed } ax \cdot (ax + xe) = ax^2 + (ax \cdot xe)$$

$$\text{Ergo } ad \times eo = ax^2 + (ax \cdot xe)$$

$$\text{sed } ad = do \text{ ergo}$$

$$do \cdot eo = ax^2 + (ax \cdot xe) \text{ ergo}$$

$$do \cdot eo - (ax \cdot xe) = ax^2 \text{ ergo } ax = \sqrt{(do \cdot eo) - (ax \cdot xe)}$$

14) Kant hat wol nur vergessen, diesen Satz, auf den er übrigens nicht mehr zurückkommt, durchzustreichen.

15) Kant hat sich verschrieben: aec